

## Демонстрационный вариант

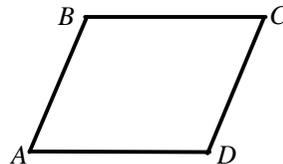
проверочных материалов для промежуточной аттестации обучающихся 8 классов (в форме семейного образования и самообразования) по ГЕОМЕТРИИ

Назначение демонстрационного варианта заключается в том, чтобы дать возможность составить представление о структуре работы, количестве заданий, их форме, уровне сложности.

1

Во всяком параллелограмме  $ABCD$  (см. рисунок)

- 1)  $BC = AD$  и  $\angle A = \angle D$
- 2)  $AD = DC$  и  $\angle B = \angle D$
- 3)  $AB = BC$  и  $\angle A = \angle C$
- 4)  $AB = CD$  и  $\angle B = \angle D$



2

Какие из утверждений верны?

- А.** Если в четырёхугольнике диагонали точкой пересечения делятся пополам, то он является параллелограммом.  
**Б.** Противоположные углы параллелограмма равны.
- 1) только А      2) только Б      3) и А, и Б      4) ни А, ни Б

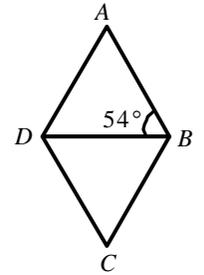
3

В параллелограмме  $ABCD$  диагонали равны. Найдите величину угла  $BCA$ , если  $\angle BAC = 40^\circ$ .

4

В ромбе  $ABCD$   $\angle ABD = 54^\circ$  (см. рисунок).  
 Найдите величину угла  $C$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.



5

Стороны параллелограмма 8 см и 10 см, площадь  $40 \text{ см}^2$ . Найдите высоты параллелограмма.

Ответ: \_\_\_\_\_.

6

Площадь равнобедренного треугольника  $28 \text{ см}^2$ , медиана, проведенная к основанию, равна 7 см. Тогда основание треугольника равно

- 1) 4 см      2) 8 см      3) 6 см      4) 10 см

7

Биссектриса равнобедренного треугольника, проведённая к его основанию, равна 5 см. Основание равно 24 см. Найдите боковую сторону треугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_.

8

Периметр прямоугольника 24 см, одна из сторон 4 см. Найдите площадь прямоугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_.

9

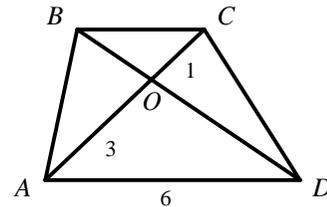
В прямоугольном треугольнике сумма гипотенузы и одного из катетов равна 16 см, а второй катет равен 8 см. Вычислите длину первого катета и гипотенузы.

10

Сформулируйте и докажите теорему о площади трапеции.

- 11** Стороны треугольника равны 6; 4; 5. Наименьшая сторона подобного ему треугольника 0,8. Найдите наибольшую сторону второго треугольника.
- 1) 1                      2) 1,2                      3) 2,4                      4) 2

- 12** В трапеции  $ABCD$  (см. рисунок)  $AD$  и  $BC$  – основания,  $O$  – точка пересечения диагоналей.  $AO = 3$ ,  $OC = 1$ ,  $AD = 6$ . Найдите  $BC$ .
- 1) 1  
2) 2  
3) 3  
4) 4

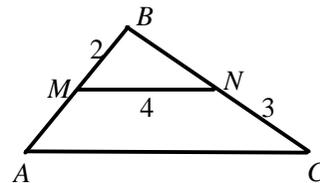


- 13**
- 

Прямая  $CD$  перпендикулярна прямым  $AC$  и  $DF$  (см. рисунок).  $BF = 20$ ,  $DF = 16$ ,  $AC = 4$ . Найдите длину отрезка  $AB$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 14**  $MN$  – средняя линия треугольника  $ABC$  (см. рисунок). Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если  $MB = 2$ ,  $NC = 3$ ,  $MN = 4$ .
- Ответ: \_\_\_\_\_.



- 15** Сформулируйте и докажите теорему об отношении площадей подобных треугольников.

- 16** Установите соответствие между выражением и его значением: для каждой позиции из первого столбца подберите соответствующую позицию из второго столбца, обозначенную цифрой.

ВЫРАЖЕНИЕ

ЗНАЧЕНИЕ

A)  $\sin 45^\circ$

1)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

Б)  $\cos 30^\circ$

2)  $\frac{1}{2}$

В)  $\operatorname{tg} 60^\circ$

3)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

4)  $\sqrt{3}$

5)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

Запишите в таблицу выбранные цифры.

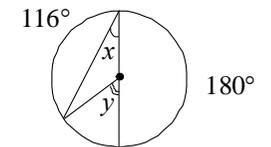
А	Б	В

- 17** Через точку окружности проведена касательная. Каким будет угол между касательной и радиусом окружности, проведённым в эту точку?

- 1) острым  
2) прямым  
3) тупым  
4) величина угла зависит от точки окружности

- 18** По данным рисунка найдите  $x$  и  $y$ .

Ответ:  $x =$  \_\_\_\_\_;  $y =$  \_\_\_\_\_.



- 19** Сформулируйте и докажите теорему о серединном перпендикуляре к отрезку.

- 20** Около равнобедренного треугольника  $ABC$  с основанием  $AC$  описана окружность. Найдите углы треугольника, если дуга  $AC$  равна  $108^\circ$ . Приведите подробное решение.

**Система оценивания результатов выполнения заданий  
проверочной работы**

*Ответы к заданиям с выбором ответа и кратким ответом*

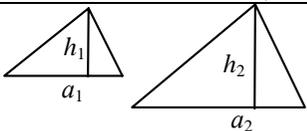
Номер задания	Ответ
1	4
2	3
4	72
5	5 см;4 см
6	2
7	13
8	32
11	2
12	2
13	5
14	18
16	134
17	2
18	32;64

*Критерии оценивания ответов на задания с развёрнутым ответом*

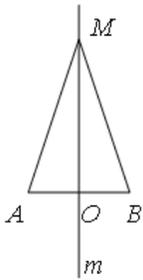
3	
<b>Элементы содержания верного ответа</b> (допускаются иные формулировки, не искажающие смысл ответа)	
1. Параллелограмм, в котором равны диагонали, является прямоугольником, т.е. $ABCD$ – прямоугольник. 2. Треугольник $ABC$ прямоугольный, следовательно, $\angle BCA = 50^\circ$ .	
Указания к оцениванию	Баллы
Верны оба элемента верного ответа	2
Верен только один элемент ИЛИ ответ получен без объяснений	1
В остальных случаях	0
<i>Максимальный балл</i>	
	2

9	
<b>Элементы содержания верного ответа</b> (допускаются иные формулировки, не искажающие смысл ответа)	
1. Обозначим длину первого катета $x$ . Тогда гипотенуза будет $16 - x$ . По теореме Пифагора $x^2 + 8^2 = (16 - x)^2$ . 2. Решено уравнение: $x = 6$ . Найдена длина гипотенузы: 10 см.	
Указания к оцениванию	Баллы
Верны оба элемента ответа	2
Верен первый элемент ответа, но допущена ошибка при решении уравнения ИЛИ ответ получен, но объяснения не приведены	1
В остальных случаях	0
<i>Максимальный балл</i>	
	2

10	
<b>Элементы содержания верного ответа</b> (допускаются иные формулировки, не искажающие смысл ответа)	
1. Теорема сформулирована 2. Теорема доказана	
Указания к оцениванию	Баллы
Верны оба элемента ответа, приведены достаточные объяснения	2
Приведён только элемент 1 ИЛИ приведены оба элемента, но в доказательстве присутствуют 1 – 2 неточности или отсутствует часть пояснений	1
В остальных случаях	0
<i>Максимальный балл</i>	
	2

15	
Элементы содержания верного ответа (допускаются иные формулировки, не искажающие смысл ответа)	
<p>1. Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия.</p> <p>2. Рассмотрим два подобных треугольника. Пусть коэффициент подобия равен <math>k</math>.</p> <p>3. <math>S_1 = \frac{1}{2} a_1 \cdot h_1</math>; <math>S_2 = \frac{1}{2} a_2 \cdot h_2 = \frac{1}{2} a_1 k \cdot h_1 k</math>.</p> <p>Разделим: <math>\frac{S_2}{S_1} = k^2</math>.</p>	
Указания к оцениванию	
Теорема сформулирована и доказана	2
Теорема сформулирована, но в доказательстве есть 1 неточность ИЛИ доказательство отсутствует	1
В остальных случаях	0
<i>Максимальный балл</i>	2

20	
Элементы содержания верного ответа (допускаются иные формулировки, не искажающие смысл ответа)	
<p>1. Угол <math>B</math> треугольника <math>ABC</math> является вписанным в окружность, следовательно, его величина равна <math>54^\circ</math>.</p> <p>2. Углы <math>A</math> и <math>C</math> – углы при основании равнобедренного треугольника, значит они равны. И по теореме о сумме углов треугольника находим их значение: <math>(180^\circ - 54^\circ) : 2 = 63^\circ</math></p>	
Указания к оцениванию	
Верны оба элемента ответа, приведены достаточные объяснения	2
Ответ верен, но объяснения отсутствуют частично или полностью ИЛИ ответ верен, но в объяснении присутствует 1 неточность.	1
В остальных случаях	0
<i>Максимальный балл</i>	2

19	
Элементы содержания верного ответа (допускаются иные формулировки, не искажающие смысл ответа)	
<p>Каждая точка серединного перпендикуляра к отрезку равноудалена от концов этого отрезка.</p> <p>Рассмотрим отрезок <math>AB</math>. Пусть <math>O</math> его середина, <math>m</math> – серединный перпендикуляр к нему.</p> <p>Возьмем произвольную точку <math>M</math> на серединном перпендикуляре. Треугольники <math>AMO</math> и <math>BMO</math> равны по двум катетам (или равны по двум сторонам и углу между ними), следовательно, <math>AM = BM</math>.</p>	
Указания к оцениванию	
Свойство серединного перпендикуляра к отрезку сформулировано и доказано	2
Свойство серединного перпендикуляра к отрезку сформулировано, но не доказано ИЛИ в доказательстве присутствует 1 неточность или отсутствие пояснения	1
В остальных случаях	0
<i>Максимальный балл</i>	2